摛藻堂四庫

全書

薈

曾要

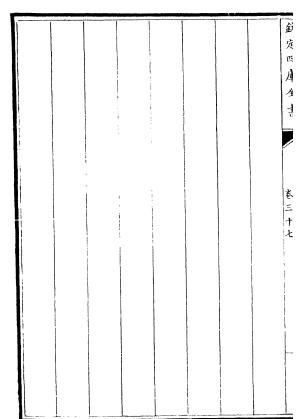
子部

欽定四庫全書管要 母親數理精真下編卷三十七

(JUA)

詳校官主事臣陳木

製數理精總下編卷三十七 一致定四庫全書薈要卷一萬八百六十子部 末部七 難題 5 ~ 等一一一神製数理精盤下編



類而長之將以窮天下之變亦不難也 算之方庶幾數理之微人心之巧由此引而伸之觸 之不同者非審詳明辯則何以得其統緒姓又探 設如甲乙丙三人值班甲三 方等法既已分門别類於前然設問中有舒廻繁 ·祈之學不外於線面體其間比 五日一次問三人何日同 深編為難題一卷俾學者彈思觀變以不迷於 難題 一一一和製財理情盤下編 E 班 一次乙四日一次丙 例相求或借根借

三四三五六 盡之數三與四相乘得十二日是甲人 法以三日與四日 日為甲第二 同班之日而不能與丙同班三與五相 與五日相東得六十日即三人同班之 此法盖因六十為三四五皆可以度 乙同 得十五日是甲丙同班之日而不能 班之日而不能與甲同班惟六十 班四與五相乘得二十日是 一十次値班之日為し第 相乘得十二 日

欽

定四庫全書

巻三十七

設如有錢不知總數以三數之餘二文以五數之餘 三文以七數之亦餘二文問錢總數幾何 - <u>1</u> = 0 į . . . 法先以三四之率定為七十五數之 定為二十一七數之幸定為十五乃以 六十三以七數之率十五與餘二相東 五次值班之日為丙第十二次值班之 一 御製數理精總下編 日故為三人同班之日也 数之率七十與餘二 以五數之率二十 與餘三相乘 一相乘得一 百四

五数 七數 三数 セナ ニナー 十五 法以三數之率定為七十者以其用 三五七遞乘得 内減兩次餘二十三即總錢數也 皆盡惟用三數之餘二矣以五數 惟用五数之餘一也令以餘二 定為二十一者以其用三數七 一数皆盡惟用三数之餘一 相乘得一百四十則是用七 一数相併得二百三十三叉以 一百零五於二百三 一也令以

鉑

定四庫

全書

てこり 三五五七五 5 . . . 五數之餘三矣以七數之率定為十五 得六十三則是用三數七數皆盡惟用 七數餘二之數又以三五七遞乘得 一御製数理精盤下編 二百三十三雖為三數餘二五數餘 白零五者此數用三五七皆可數盡故 数五数皆盡惟用七数之餘二矣 三數相併自為三數餘二五數餘二 以其用三數五數皆盡惟用七數之 也令以餘二 相乘得三十則是

金 犀生 七数餘二 仍同也 以三五七數之其所餘之數亦同也是 問 百三 數在一百零五以下必二十三 巻三十七 即再減去 則遞 ハ以三五七數之 之數然減去 百零五以上必一百二 加 一如原數更在二百三 百零五求之必有 小過 百零五餘二十 其所餘之 百零五餘 合

灾 Ľ

ĸ 足日華全書 一种製数理精 下編 故二 以三減之餘 相乘得二 一以七減之 或以五數七數 即為五數之 /餘 故七 故 以五減 Ð, 三五 即為 五倍之 相

四辛 三车 二幸 幸 如三人治 日 一百零五畝 七十一日 一畝四分七種有餘 Ę 五畝今令 田 法以七畝三畝五畝連東得 除之得三十五日為耕田衰數 為治田總衰數 五畝除之得二十一日為種田衰 一人自 日 五日為 き三十七 耘七畝 耕自 一和五衰数 種自 以母日耘七畝除 一日為 耘 日耕 以每日耕三 問 日治 百零五 以身 田

火 足口事 全書 一一一柳製数理精題下編 二率 日日 一百零五畝 七十一日 一畝四分七屋有餘 則 五畝為二率一日為 零五畝須耘十五日一 四分七種有餘即每日自耕自種自 百零五畝須耕三十五日 一種有餘也 百零五畝即知一日治田一畝四分 一百零五畝須種二十 《也此法盖因一日 新七畝則 日是一人自耕自種自耘治田 日耕三畝則 日併之 日種五畝

三幸 二率 一幸 銀抵兌問得月數幾何 仍欠四月利銀令乙 一百八十日 八百雨 一百二十月 一千二百雨 法以今借銀八百兩為 以三十日歸之得六月為所求之日數 一盖甲借乙之銀数多故月数少人 百兩為二 十日為三率得四率一百八十 銀數少故月數多而其利 又借甲銀、 一率原欠利銀四月作 八百兩欲與前利 率原借銀 E

設如甲乙二

人甲借し

百兩已經還

飲定四庫全書 人 御教教理精為下編 四率 二率 如原買小布 六寸問價幾何 二錢 四十尺 二十三尺四十寸 一钱一分七屋 分七釐令買大布 法以原布長一 一疋長 分七釐為二率令布長二丈五尺 比例四季也 六寸相乘得四十尺為三率求 錢即今布之價也凡物惟長不 十三尺四十寸為 及長二丈五尺陽 丈八尺間 尺闊 一寸價

設如有銀三百九十六兩令甲乙丙丁四人分之 六雨 得二分之 兩丙得三分之 問四人各得銀數幾何 又多十兩乙得五分之三內少 面與面之比例也 令長闊俱不同故以其長闊各相來為 同或惟闊不同則各以其長闊為比例 又多八兩丁得四分之一內 兩丙多八兩餘三百七十八兩 以總銀三百九十六兩內減去甲

四率 三率 幸 二两 四百零四雨 二百零二衰 一束 į . L. i. 得四十為丙衰取四分之 乙分母五丙分母三丁分母四連乘 四兩為各分之總銀數乃以甲分母 分之三得七十二為己衰取三分之 御製数理精盤下編 為銀數四百零四兩為二率一衰為 衰併之得二百零二衰為一率以各 内取二分之一得六十為甲衰取五 百二 十為總衰數於總衰一百 一得三十

加し少し

歃 四率 三率 二幸 二雨 一束 四百零四雨 二百零二衰 六兩餘五十四兩即丁所分之銀數 所多八兩得八十八兩即丙所分之銀 之銀数用丙衰四十乘之得八十兩加 少二十兩餘一百二十四兩即乙所分 七十二乘之得一百四十四兩內減所 乘之得一百二十兩加所多十兩得 率得四率二兩乃以二兩用甲衰六 百三十兩即甲所分之銀數用乙衰 用丁衰三十乘之得六十兩減所 老三十七

定四库全書

設如甲乙丙三商貨殖二年共得利銀八千五百 文之四車全書 柳製数理精蘊下編 至滿十七月別出本銀一千六百兩問各人分得 四百兩至滿六月收回八百兩至滿十五月又添 至滿十九月又添一千二百兩乙原出本銀二 千四百兩丙原出本銀二千兩滿七月悉收回 兩甲原出本銀三千兩至滿八月收回一千兩 以合原數也 所分之銀併之得三百九十六兩

台 前 回 與二年之二十四月 **外得二萬二千兩** 皆千 兩 千二百兩得三千二百兩以十 皆月 す 月 超三 兩 為 為以添孜 アス 三是 銀三 兩 前 一回 月 與原本銀三千兩相減 + 7 北 、與十九 兩月 雨十 **パ**く 雨 両與八月 得二萬四千兩 百两 雨餘 又以二千 則二 月 相減 月 相 相乘 减 、餘五月 與二千 餘 南 月十 又 加 いれ 月滿 餘 71 兩 旂 後月 牧ハ

甲衰数六萬二千雨 萬四 甲之共衰数乙本銀二千四百兩 相乘 銀二千四百兩 月 千四百兩 以三得數相 與三千二 月滿 以六 此 五 前月 月百 月 皆准 Ŧ. 百 义 百兩 併 以雨 相 為回 月 兩 相 いく 減 後十 浟 减 共六萬二千 是 餘一 相乘得 餘 為 十五 回 百 五月 四两 九 百是 月後 百 月

雨六

得

顕

萬

百後

南

兩

姐

原

六百

兩

收六

回月

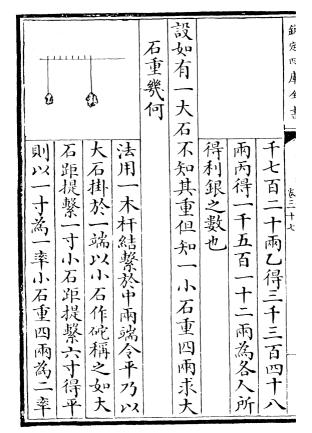
八後

いす

前添

欽定四 乙衰数五萬五千八百兩 庫全書 後十 衰数丙本銀二千兩與七 月與二年之二十四月相減餘九 Ł 加所添一千四百兩得三千兩以 前悉 十四後月添 百皆 兩為 相併共五萬五千八百兩為乙之 月與三千兩 萬四千四百兩又以一千六 為回 以前此九 以九月與一千六百兩 兩得一萬四千雨又以 相乘得二萬七千 月雨 月 為十 三五 相乘 千 月 百 雨以

ここ) 丙衰數二萬五千二百兩 四率 三幸 二率 六分 八千五百八十 啊 5 一十四萬三千), 1, 御製數理精臨下編 得一十四萬三千兩為一率總利銀 出本銀一千六百兩 得四率六分以各人衰数乘之甲得三 干二百兩為丙之共衰数以甲乙丙 一萬一千二百兩二數相併共二萬五 以七後月 五百八十兩為二率一兩為三率 月與二十四月相減餘七月與别 (相併內百两二萬五千二百 共 方出本一 二十四月 前止七月 相乘不算 + -外悉至



設如有銀大小二錠共重十五兩求大小錠各重 決足日事 全書 I▼待製数理精總下編 何 法用一木 戊為小石戊小石之重即甲乙之分 石之比同於甲丙與丁大石之比也 石之重也如圖甲乙為大石距提繫 大石之重即甲丙之分故甲乙與戊 中丙為小石距提繫六寸丁為大石 率求得四率二十四兩即 結繋於中兩端令平乃以

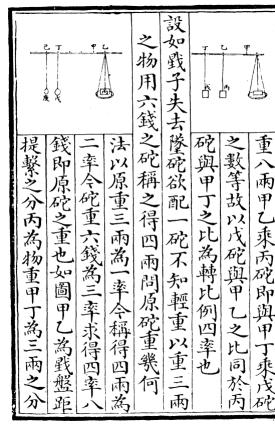
户 也如圖甲乙為大錠距提繫四寸甲 六雨即小錠之重如以小錠 相加得十寸為 錠小錠各掛 錠 錠 距提繫六寸得平則以四寸 |率則得四率九兩即大錠之 · 距提繋六寸故以甲乙甲丙共 一錠距提繫四寸為三率得四室 戊共重之比同於甲乙 端如大飲距提 率共重十五兩為 距提繫

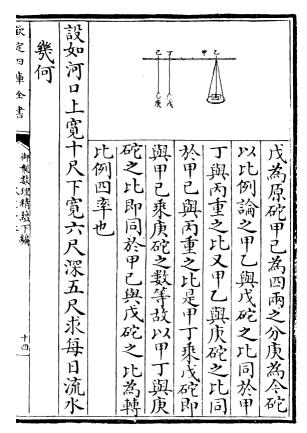
r L

1

炭ミナモ

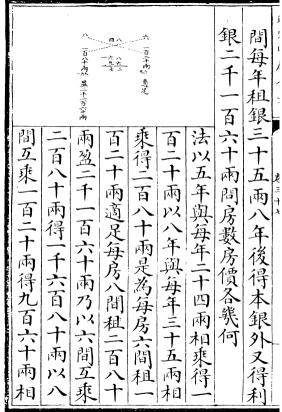
飲定四庫全書 ──御製数理精總下編 如以戥稱銀戥 百兩原砣重八兩問銀實重樂何 長至丁甲丁為三百兩之分戊為原 原銀之重数也如圖甲乙為二百兩 分丙為砣重十二 以原碇重八 加四雨相併得十二兩為二 百两為三幸得四率三百兩 将砣上加四 八兩為 兩試将甲乙 率又以原硫 兩稱之得





三幸 二率 四天一分 五十七百六十萬尺 一千四百四十分 二十四小時化為一千四百四十 流遠十丈即以十丈變為一百尺乃以 秒内所流之數又以六十秒收為 上寬十 流遠一百尺 一者六十秒內木板流遠樂文 率水流四千尺為二 一尺與下寬六尺相加折半得 塊置於水面用驗 和乘得四千尺即 和來得四十尺又與

設如有房一所不知問數亦不知房價但云每房 钦定四車全書 一一御製数理精驗下鍋 二率 四千尺 間每年租銀二十四兩五年後適得本銀每房 五千七百六十萬尺 一分 一千四百四十分 看木之緩急即知水流之多少故先求 法先用木板以驗水流之緩急水急則 木隨水流亦急水緩則木隨水流亦緩 百六十萬尺即一日內所流之數也 ·河口面積再以遠來之即得水流之



ここ ション・ 四车 三车 一率 三車 一率 七百二十两 五十零四十兩 一百四十四間 二百八十兩 八間 二千八百八十兩 一百四十四間 六間 一百四十四間 二十一百六十兩 四十八兩 一百二十兩 一一一种製数理情臨下編 得二百八十两為二率總房一 減餘七百二十兩為 四間為三率得四率五千零四十兩內 百四十四間為三率得四率二千、 相乗得四十八間為二率以利銀 一四間即房之總數也又以六間為 五年得一百二十兩為二率總房 一百六十兩為三率得四率一 -兩即房價或以八問為 オ六 百四十

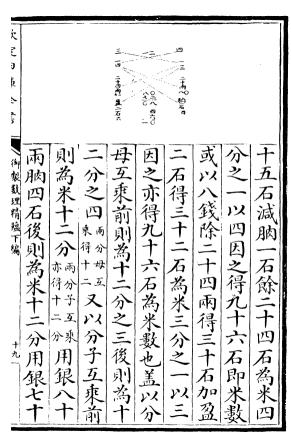
設 쉷 如有銀買物不知銀數亦不知物價但云取銀六 **灾匹庫** 分之五買之則多六雨 問銀数及物價各幾 生畫 法以前分母六互来後分子三得上 數相東作總得租銀算也 年之數不同故以五年八年與每年 百八十兩為房價也此法盖因五年 以後分母四互來前分子五得二十 利銀二千一百六十兩亦得二千 卷三十七 取銀四分之三買之仍多

文 四率 足日車私書 【一一一一個製理精驗下編 二率 四十八兩 四两 二十四分 盈二雨 盈六雨 六三 物價也 減餘二 得三十四兩為物價或取四分之三得 銀數取六分之五為四十兩減盈六兩 四分為三率求得四率四十八兩即為 減餘四兩為二率兩分母互來得二 又先得物價之法以前分母六互乘 三十六兩減盈二兩亦得三十四兩為 分子三得十八以後分母四互乘前分 率盈六兩與盈二兩 ナと

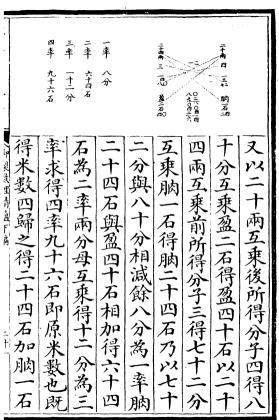
一幸 二倍 六十八雨 三十四雨 一倍 盈 乘盈二 子五得二十又以十八互乘盈六兩 互乘所得兩盈數 百零八兩為加十八倍以二十 物價加盈六兩得四十兩即原 一倍與二 老三十七 ,兩得盈四十兩為加二十倍 **数或於物價三十四兩加盈** 一倍為三率求得四率三十四 一乃用五歸六因得四十 一十倍相減餘二倍為 《相減餘六十

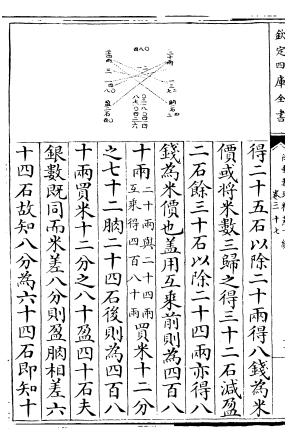
設如有銀買米不知米數亦不知米價只云買米四 たこり 分之: 何 用銀二十四兩則米多二石問米數及米價各 į J. 11. 用銀二十兩則米少一石若買三分之 一人御製鼓理精塩下編 法以前分母四互乘後分子一得四以 此盈胸單法因帶分母子不同故用通 分互乘以齊其分耳 兩得三十六兩即原銀四分之三乃 歸四因亦得四十八兩為原銀數 ナベー

釒 四率 三率 苅 二率 一率 Ľ 十石 盾 八錢 八雨 石 庄 洼 得前分子三互乘二十四两得七 互乘胸一 盈六石相 互來盈二石得盈六石乃以胸四 得米價乃以八錢除二十 得後分子四互乘二十兩 永得四率 互乘前分子 兩相減餘八兩為 石得胸四石又以互乘 加得十石為 八錢即米 得三乃以



쉺 芡 Ľ Ē 刍 -177 即知 但有米之 兩 套盈 兩盈六石夫米之分數既同 四以後分母三互乗前分子 得米数之法以銀数 则 一带 き三十七 石價 乃以前分母四互來後分子 胸之法同 分數又有石數故立法微 胸差十石故知十 零分則惟 八錢也比雙套盈朒之 用通分法餘俱 列 於上分數 價八 而銀差 兩





ż 八八十二两 三率 二率 七十二雨 E 一幸 日奉 八錢 八雨 一石 肭四石 盈六石 ķ 六四〇 מושל ~御製數理精題下編 價作盈胸單法算以胸四石與 法以二十两朒 以二十四兩盈二石俱 四率八錢即米一石之價也此法盖 相減餘八兩為二率 加得十石為一率八十兩與七十 兩 兩盈六石四兩 胸四石战用四因 一石俱 故分 凶 用三因為 為一 用四因シ 用三因之 デナー 米價 總二 (盈六石 價十 兩

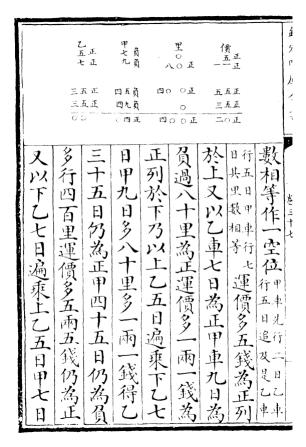
一設如有一 以四乘之再加二十又以五乘之再加三十又以 六乘之再加四十共得六千七百問原數幾何 数不知幾何但云以三來之再加 價若有奇零則須用前法或用通分法 法先以所加之一十以四乘之又以五 加之二十以五乘之义以六乘之得六 因分數整齊故可比例而得其全分之 東之又以六東之得一千二百再以所 **老三十七** 23 四季 三率 二率 幸 á 一十三 四千六百八十 三百六十 1. 4.5 一個製数理精驗下編 連乗整数四千六百八十為三率求得 與共数六千七百相減餘四千六百八 百八十併所加之四十共二千零二十 百六十衰為一率原数一衰為二率以 又以五乘之得六十又以六乘之得三 三乘之仍得三又以四乘之得一十二 八十乃以所得之三數相加得一千九 百再以所加之三十以六乘之得 -為連乘之整數乃借一衰為原数以 ナー

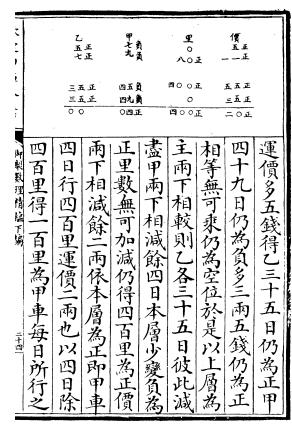
四率 三辛 二幸 一率 ナニ 四千六百八十 三百六十 後加二十而又用五東六乘則此二十 原数外加一十而又用四乘五乘六車 二十三十之数亦用連乘併後所加之 已用五乘六乘矣五乘後加三十丙又 四率十三即為原數也此法盖因三來 用六乘則三十己用六乘矣故将 此 《連乘之整分而以三四五六連》 與共数相減然後為三四五六 十己用四乘五乘六乘矣四乘

쉷

5 匹 月 る 言

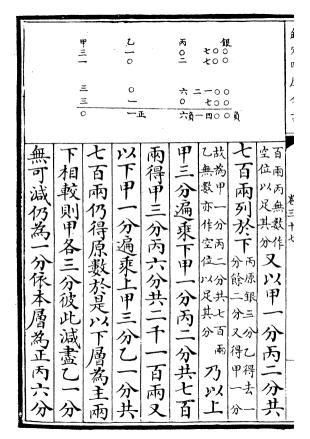
灾 設如甲乙二車運糧甲車先行二日乙車後行五日 至日事私書 一一何製数理精額下編 追及甲車比乙車運價少五錢又甲車先行二 绕何 價少一兩一錢問甲乙二車日行里數及運價各 乙車後行七日追過甲車八十里甲車比乙車 法以乙車五日為正甲車七日為負里 百八十與原數十三之比例也 同於今三四五六連乘所得之四千 所得之三百六十與原數





쉷 定匹库全書 運價以七日除之得 里數甲車九日運價四兩五錢加多 里為乙車七日所行之里數以七 日行九百里加多八十里共九百)運價以乙車七日比甲車九日多 以四日除二兩得五錢即甲 巻三十七 里價多 錢共五兩六錢為乙車七日之 百四十里即乙 兩 錢計之則甲 車每日所 H

灾 足日車全書 一一体製数理精總下編 如甲乙丙三人有銀各不 則各得七百兩問三 一乙得 丙 運價也 銀三分之 疊脚然不過除兩次耳若里數 價為和難以分列正負者則分兩法 乙一分故為原銀四分丙 以甲三分乙一 人原銀各幾何)此法因有里數 知數只云甲得 丙得甲銀四分之 甲号去分 一分共七 分乙一分共分共分 百兩 銀 列



Fi 銀 六角一四 〇 〇 負 200 =-00

百 兩分

> 因故 為為

不丙

號分

原

分

分銀

į

製財理情盤下編

相

加得

欽 定 四庫 銀 丙 六負一四〇〇負 400 全書 =-00 七 得九百雨為丙之銀數以し 分共七百兩計之則於七 即為丙七分之 巻三十七 四百與七 如甲三 分之 百兩餘四百兩即 百相 除之得 百兩內 百兩為 百

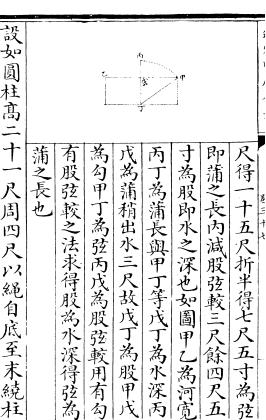
設如有長方面積八百六十四步一長二周三和四 ر د د 較共三百一十二步問長闊各幾何 二 四 と と六0 四九 五五〇 è 二四 二四 〇 〇 2 <u>a</u>. 為甲之銀數也 八御製数理精盤下編 五十六步為半和自乗得二萬四十三 法以積數八因之得六千九百一十 兩 三百一十二步為長問和折半得一百 步為大長方形積乃以長闊和較共數 分之數以甲原銀四分乘之得四百兩 餘三百兩三歸之得 百雨即甲 ニナセ

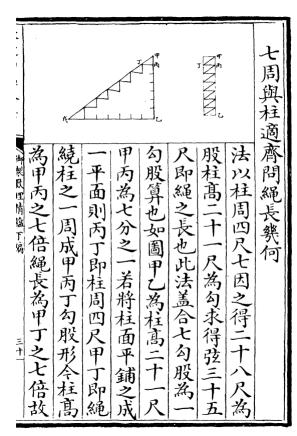
贞 17. 四九五五〇 JE . 4 六 人閣除原 三陽加 為原長数也此法盖因三和內有三 閣此三百一十二步 加於四間則又成四長是 百三十二步為半較與半和 巻三十七 萬七千四百二十四步問一 六步與六千九百一十二步 和減得二十四步為原閉 沒積八百六十四 步得三十六 一長二闊共四長五闊如以

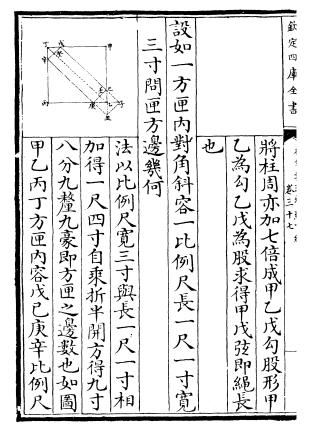
火 設如買果木樹不知樹數亦不知樹價但知樹 足日車至書 ●御製數理精總下編 之價為樹共數之六倍而每株脚錢六文其脚 樹價共三千六百文問樹每株價及樹數各 原闊以原闊除原積即得原長也 法先以共錢三千六百文六因之得 以三百一十二為長闊和求得闊即為 其闊即原闊其長為原長之八倍故 八倍之 え

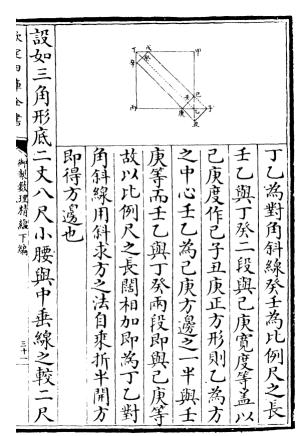
と 六六0000 九三二〇 Łſ 縱多爰以縱多六文折半得三文為坐 之得二十四為樹之共數也此法以樹 加得二萬一千六百零九文開平方得 較自乘得九文與二萬 百四十七文為半和內減半較三 為陽樹價并脚錢為長成長方形 百四十四文為樹每株之價六歸 干六百文為長方積掛錢六文為 苍三十七)價為樹數之六倍是長為闊 十六百文

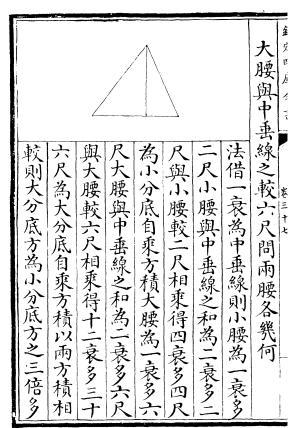
欴 定四軍全書一一御製數理精盤下編 引蒲稍至岸適與岸齊問蒲長水深各幾何 河寬一大二尺中間生 法以河寬一丈二尺折半得六尺為勾 **六倍又多六文故六倍**世 以蒲稍出水三尺為股弦較乃以勾六 自乗得三十六尺以股弦較三尺除 價六歸之得樹數也 一十二尺為股弦和加股弦較 蒲草出水面三

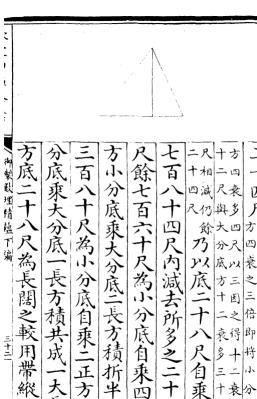






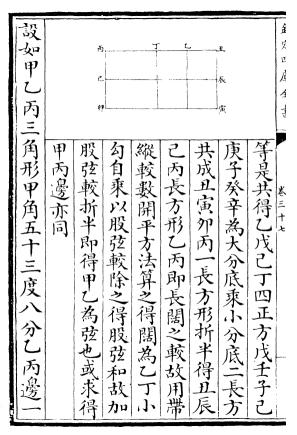












尺二寸甲乙甲丙兩邊

丙角度各幾何



乙丙邊

幸 し丁邊

丙分角正弦 丁外角正弦

,鈍角形乃以し丙邊一丈二尺二

兩邊較自丙至丁作丙丁線成了

五十三度八分與一百八十 一率し丁邊三尺八寸為二率甲

一十六度五十二分折半得

4 4 御製数理精盤下編 度二十六分即丁鈍角之外角與

ķ E 0

5

三十四

設如甲乙丙三角形甲角五十 盆 三幸 二率 一车 E 乙丁選 乙丙邊 丙分角正弦 丁外角正弦 J. 尺二寸甲乙乙丙兩邊 4 以丙分角與丁外角相減餘四十七度 丙分角正弦檢表得十六度十分為 角與丁丙甲角六十三度二十六 六分即乙角度也 加得七十九度三十六分即丙角度 求得四率二萬七千八百五十 一弦八萬九十四百四十 /較二尺ハ寸求 三度八分甲丙皋

法依し丙邊度截甲し邊於丁餘甲

丙鈍角形乃以甲丁邊二尺八寸與

一兩邊較自两至丁作两丁線成甲

丙邊一丈一尺二寸相加得一丈四

甲丙甲丁雨邊和

為

率甲丁與甲丙相減餘八尺四十

二率 甲丙甲丁雨透較

半外角切線

半較角切線

分之正切線一十九萬九千九百八

一求得四率一十一萬九千

三十五

率甲角半外角六十三度二

飲定四庫全書 御製数理精盤下編



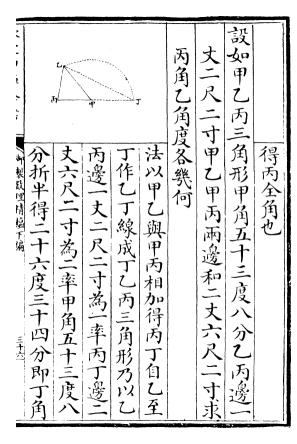
七度十六分即乙角度也盖以丙 與甲角相加則得丙丁乙 以甲角丙角相併與半周相減餘 加得七十九度三十六分即丙角

等是丙大分角與

百

三度十四分為丙分角倍之與 一分為半較角度與半外角相

為半較角切線檢表得五



釤 設如甲乙丙三角形甲角五十三度ハ分甲1 四率 定 三辛 二幸 幸 匹库全書 丙丁邊 し丙邊 丙七丁角正 弦 丁角正弦 為丙乙丁角正弦檢表得七十三 相减餘七十九度三十六分即丙角 分即乙角度以甲角乙角相併與半 及三十四分即即工餘四十七度 **申于其正弦四萬四千七百二十四** 分為丙乙丁角内減半甲角ニ 求得四率九萬六千零四十 丁角 一度五

大五尺甲丙乙丙兩邊和二丈三尺四寸求, 丙角度幾何



甲二甲丁两是較 甲乙甲丁雨芝和

)邊相減餘八尺四寸為

二本

御製數理精驗下編

·

E 9

17

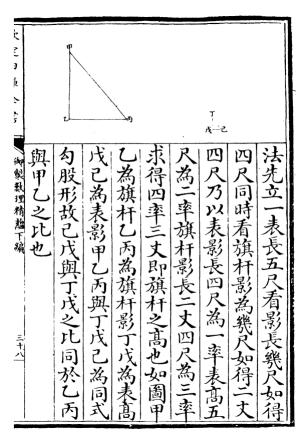
dun I

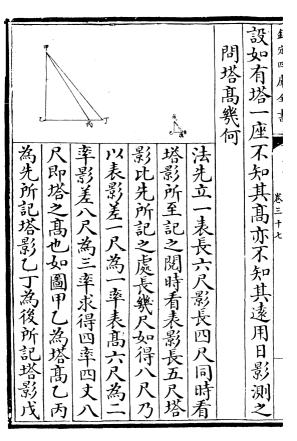
半較用切線 半外角切線

得半外角六十三度二十六分其正切 甲角五十三度八分與半周相減折

法以甲丙與乙丙相加得甲丁自己至 丁作し丁線成甲し丁三角形乃以甲 丁邊二丈三尺四寸與甲乙邊一丈五 ·相加得三丈八尺四寸為一率甲

鉒 三率 二辛 幸 Ľ 半較角切線 里里兩邊和 甲乙甲丁兩邊較 半外角切線 ŀ 不知其萬用日影測之 求得四率 一周相减餘四十七度十六分即 -較角與半外角相減餘三十九度 六分即两角度以甲角两角相併 以線檢表得二十三度三 九萬九千九百八十 分為丁角度倍之得七十 西萬三千七 一百四十七為





設如遠望一村欲知其遠用放館驗時儀墜子候之 文足日華全書 一個製数理精盤下編 問遠幾何 法令一 後所記表影戊庚辛與甲丙丁戊己 見烟至聞響得幾秒如得三秒即以 驗時儀墜子候之一聞錦響即止計自 之比同於丙丁與甲乙之比也 與甲乙丙皆為同式形故庚辛與戊己)為表高己庚為先所記表影己 人在村邊放銷一見烟出即用 三十九

四率 三率 三秒 一秒 三百八十五丈七尺一寸 一百二十八丈五尺七寸|-烟 至也故自見烟至聞響之分即路遠之 五丈七尺一寸即即村之遠也盖響的 二率三秒為三率求得四率三百八十 其秒数即得里數也 七歸之每秒得一百二十八丈五尺七 分嘗以其分較之路遠五里得七秒以 聞雷亦然自一見電光至聞雷響候 一時並出其見烟而未聞響者聲 率一百二十八丈五尺七寸為 大 E 日 車 在 書一一个柳製理精總下編 形陽四尺中長九尺 倍故半之為梭形積也此法必甲乙 法以中長九尺與闊四尺相乘得三十 角形之垂線故長闊相乘折半而得積 甲乙丙丁梭形以乙丁與甲丙相東 成戊己庚辛長方形其積比梭形多 一天等甲丁與丁丙等或甲乙與 〕丙與丁丙等則其中長適為雨 (折半得十八尺即梭形積也如圖 八求積幾何

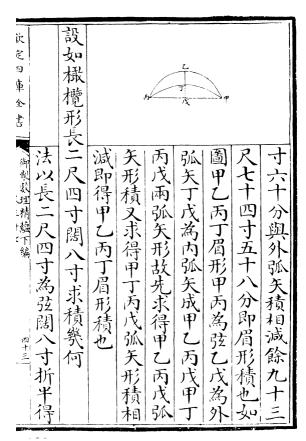
設如三廣形 往 Ľ -截長四尺永積幾何 | 閱三尺中闊五尺下闊四尺上截長 得四尺與上截長六尺相來得二十 也若中長不得為垂線則須先量得 線法算之 人又以中間五尺與下間四尺相 以中間五尺與上間三尺相加折 得四尺五寸與下截長四尺相乘 /數及長數或問數用三角形求由 巻三十七 四四

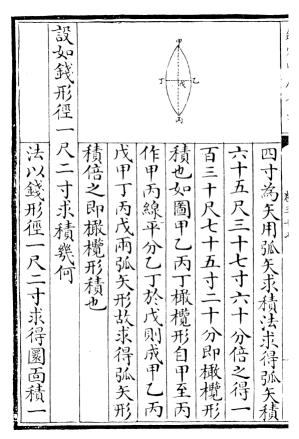
欽 定四庫全書 御製数理精蘊下編 形積也如圖甲乙丙丁戊己三廣形 梯形算之 **積也舊術以上下闊相加折半** 两梯形故用梯形求積之法見第十)戊線分之則成甲乙戊己乙丙 沒得兩梯形之積而併之即為三廣形 兩數相併得四十二尺 人得積此必上下雨截長數 四十

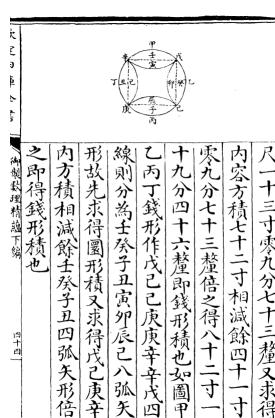
設 如眉 距 弦 兩尖 一四尺求 相 法以兩尖相距二十四尺為弦外弧 距弦長二十四尺外弧距 五尺為國徑折半得半徑十二 八積幾何 尺為天用弧矢求積法以矢九 一十四尺折半得十二 弦十二尺為 六尺加矢九尺 弦九尺 一尺為 得 椌 距 五

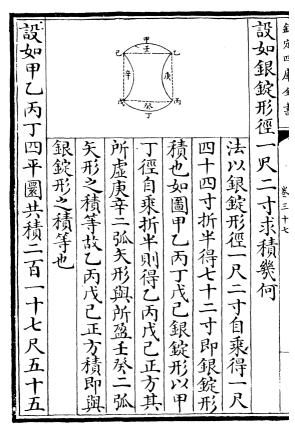
. . . 五分為半外弧之度分倍之得 / 御製數理精題下編 四率三十二尺一寸七分九種五 六十度為一率外弘一百四十七度 半得二百零一 七度三十分為外弘之度分乃以三 **介弧之數與半徑十二尺五寸** 人人五寸三分九釐八家為三率 一率全徑二十五尺求得全周七 尺十二寸十八分為 四十二 一度四

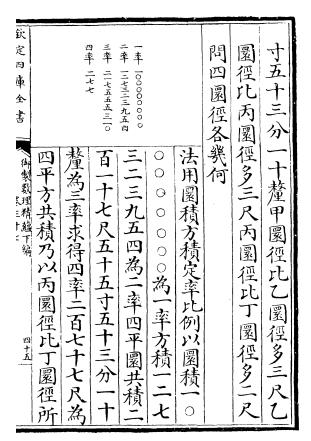
鉑 埞 匹 庫 全書 自園心所分弧背三角形積叉以矢九 *曲線形又以兩尖相距二十四尺為 尺為自園心至改所分直線三角形積 尺一十二寸一十八分為外弧矢全積 ,與弦二十四尺相乘折半得四十二 人與半徑十二尺五寸相減餘三尺五 求得内弧矢虚積六十五尺三十 弘背三角形積相減餘一百五十 距弦四尺為矢亦用弧矢求積

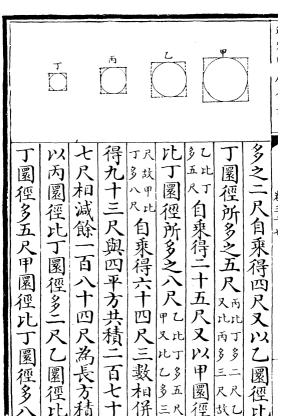


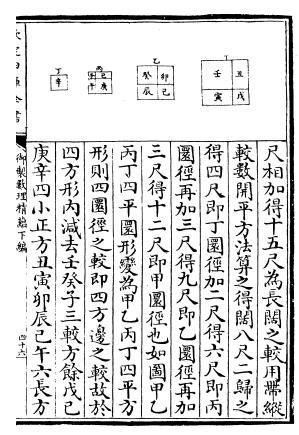


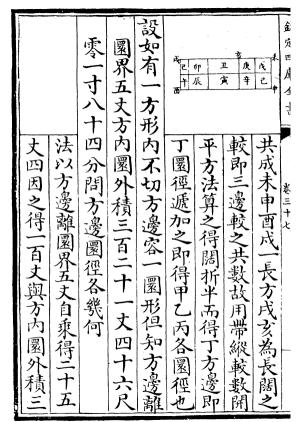


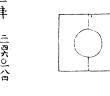












○○○相減餘二一四六○ 、十四分乃以園積定率上 六與方 · 積定率一○○○○

分相減餘二百二十一丈四十六尺

一丈四十六尺零

一次足口車至書 人作製数理精複下編

十零三十一丈九十五尺八十四十

四十七

二率

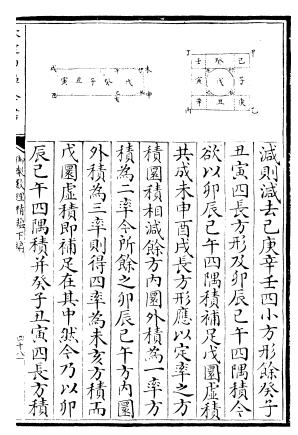
率方積一〇〇〇〇〇〇〇

伞減餘積二百二十一丈四十

す八十四分為三率、求得四

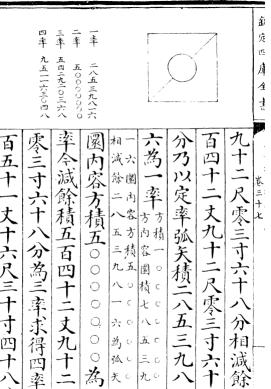
四率一三九五八四五八 二二四六〇八四 100000000

四率 三率 二率 5 一率 1000000000 二四六〇一八四 九三一九五 二十丈為三率求得四率九十三丈 邊也如圖甲乙丙丁方形內容戊園形 尺九寸五分為長間之較用帶縱較影 為二率以方邊離園界五丈四因之得 方邊離園界共十丈得二十丈即外方 開平方法算之得闊十大即內園徑加 以方邊離園界五丈自東四因與積 四為一率一0000000 八分為長方積又以二一四六○ 老三十七



쉷 埞 ı. 匹 庫 全 圭 亥 太何 五方 **癸子丑寅四長方形其寬仍為戌酉而** 子五寅四長方積必多補出之分是 亥酉之長必亦多補出之分矣 餘方 第原相形 七本為為 老三十七 率求得四率即 一率則戊園虚積固己補足而於 一雜園界五丈四因之得亥酉 敌 间平 於行 其線 又以定率之方積 將亥酉之長 相方 為形 園積 寅子 见面 知

一設如有一 さこ) 邊園徑各幾何 國界二十一丈二尺一寸三分方内 國外積! 四百四十二丈九十二尺零三寸六十八分問方 方形內不切方邊容一園形但知方角 17一八御製数理精驗下編 |法以方角離園界二十一丈二尺一寸 増補出之分乃以此為長間之較求 丈與方內國外積一千四百四十二丈 未申問即為内園徑也 三分自乘得四百五十丈倍之得九百 四十九



圍積

九

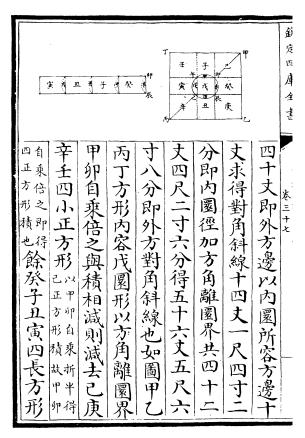
為) 引人 (

三率 四率 二辛 五00000000 一八五三九八一六 一〇五二六 三十丈與內園所容方邊十文相加得 所容方邊以四隅方邊十五丈倍之得 五丈一尺一寸六分為長闊和用帶級 之得六十丈為三率求得四率一百零 斜求方法求得四隅方邊十五丈四因 和數開平方法算之得問十丈即內園 角離園界二十一丈二尺一寸三分用 為長方積又以二八五三九八 率五○○○○○○○為二率以方

てこり きょう

一一一和製数理精龜下編

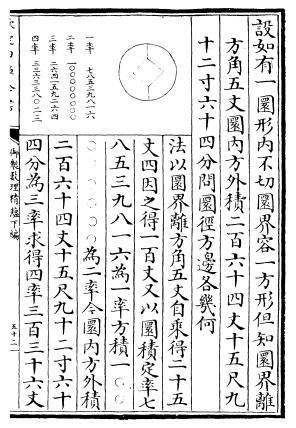
五 十



钦定四華全書 /御製数理精為下編 虚之未申酉戌四弘矢形變為卯辰己 而內虚未中酉戌四弧矢形令欲以所 變故求得四率為卯辰亥乾長方形而 形之餘積為三率實積既變則虚積亦 且寅四長方形內虚未申酉戌四弘矢 **令無未申酉戌四弧矢虚積而以於子** 方積為二率未申酉戌四弧矢虚積為 二率則得四率為卯辰己午虚方積然 正方形應以定率弧矢積為 五十一

之比亦同於弘矢積與方積之比而 於弘天積與方積之比則其所虚之未 内虚卯辰己午正方形盖及子丑寅四 五寅之共長與辰亥之比亦必同於 酉戌四弧矢形與卯辰己午正方形 邊比例得辰亥邊為長間和求得卯 方質積與午已亥乾長方積之比 闊為內園所容正方形之每 八積與方積之比矣故以四長方之 同

ぎ三十七





率 三六三三へ〇二三

四率 六五 三八七四 三率 二去三八〇二三 二率 100000000

用園積變方積法通之得三六三三、

〇〇〇相減餘二八五三九八三九八一六國內容方積五〇

三十三尺八十寸二十三分為三室

○○為二率令減餘積二百三十六丈

〇二三為一率方積一〇〇〇〇〇

百丈餘二百三十六丈三十三尺

-寸二十三分乃以定率弧矢積二

一六方積っ

〇〇内容園積七

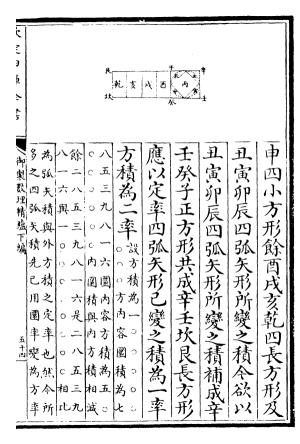
T鱼 皮匹 月 全 言

三十三尺八十寸二十三分内減所

卷三十七

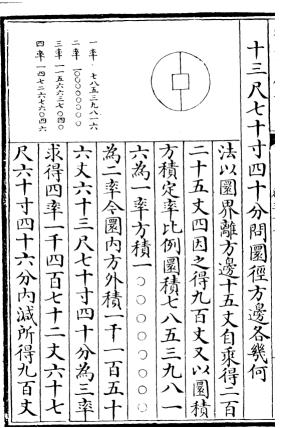
文足日車全書 一人御製数理精盛下編 二幸 一〇〇〇〇〇〇〇 三六三三八〇二三 五五〇三八七四 |寸為長方積又以三六三三八〇二三 為三率求得四率五十五丈零三寸、 斜線用斜求方法算之得七文零七寸 開平方法算之得闊十丈即內方對角 分七種四豪為長間之較用帶縱較數 以國界離方角五丈四因之得二十丈 得四率六百五十丈三十八尺七十四 分即內方邊以內方對角斜線十丈 一率一〇〇〇〇〇〇〇〇〇八八八 五十三

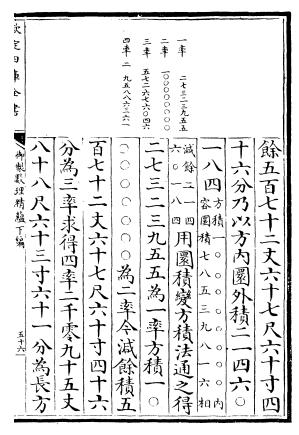
辛壬癸子方環形而多丑寅卯辰四弧 **文自乘四因與積相減則減去已午** 圍積方積定率比例則變為丁戊已庚 園徑也如圖甲乙園形内容內方形以 方外積比圖環積多五宙卯辰四弘 形所變之積盖園環變為方環今園 國界離方角共十支得二十丈即 矢形所變之積也以園界離方角 形故所變之方環亦多丑寅卯辰四 ぎ三十七



金 万 匹 眉 白草 之積并酉戌亥乾四長方積共為 **積然今乃以丑寅卯辰四弧天形** 圛 一率則得四率為辛去於子)丑寅卯辰四弧天 五 狐 積○ 西己 方 º 積○ 之

設如有 飲定四庫全書 一人仰製數理精雜下編 -五丈園内方外積一干一百五十六丈六 園形內不切園界容一方形但知園界 戌亥乾四長方其寬仍為子祭而於坎 補出之分乃以此為長闊之較求得 國界離方邊五丈四因之得及坎之 之長必亦多補出之分矣故又以四弧 形己變之積為 問即内方對角斜線· -求得四率即将及坎之長亦增 五 十 五





100000000 二七三二三九五五 二一九五八八 100000000為二率以園界離 求得四率二百一十九丈五尺八寸 **積又以二七三二三九五五為一率** 之得間十丈即內方邊加園界離方邊 方邊十五丈四因之得六十丈為三率 分為長闊和用帶縱和数開平方法質 園形内容两方形以園積方積定 例則變為丁戊己庚辛壬癸子 -大得四十丈即外園徑也如圖

论 定四車全書 百 亥 乾 Fξ 人鄉製數理精蘊下編 ·積少五寅卯辰四隅故所變之方環亦 形所變之積作為辛去於子正方形 減去己午未申四小正方形餘酉戌亥 變之積今欲以所虚之丑寅卯辰四隅 離方邊十五丈自乘四因與積相減則 少丑寅卯辰四隅所變之積也以園界 **圍環變為方環令園內方外積比園環** 環形而少五寅卯辰四陽所變之積 四長方形而內少丑寅卯辰四隅所 五十七一

乾 亥 戌 酉 横之與三四〇五園定〇

○三積率 ○四六 奎 0 0九方也相六相 0設 一〇八積|然比|〇減|方方 0一比|今為|一餘|內積| 形 外。五四為六例所圍八二容為 丑。是為二為之少外四一園 宙〇二三率一数者四與四樣〇

一變之積 910七率團率故乃問一六為0 |○三|求外|オ叉|園積|cc|七0| 四相二得四精以外與〇一八〇

為 此三四隅一圈四外0八五 隅 |為九|幸積| ○積|隅方| ○四三 0 开系 了,尼五二二○七情積1○是九○

た A) OF HELL AL ALLO 礼 戌 一一御製數理精蘊下編 變之積與辛壬癸子正方形之比亦 變之虚積而以西戌亥乾四長方內虚 坎民長方形而內虚辛壬於子正方形 既變則虚積亦變故求得四率為辛 丑寅卯辰四隅形之餘積為三率實 之比則其所虚之丑寅卯辰四隅已 一百戌亥乾四長方實積與子於坎艮 方形之比同於己變之四隅積與 五十八一

設如有一大球體內容四小球體大球徑一尺二 求小球徑幾何 法以大球徑一尺二寸自乘得一尺 變之四隅積與方積之比矣故以四長 於已變之四隅積與方積之比而酉戌 求得辛壬間為內方邊也 方之共邊比例而得壬坎邊為長闊和 亥乾之共長與壬坎之比亦必同於已 十四寸倍之得二百八十八寸為 17

金岁四屋

巻三 十七

容丙丁戊己 心俱各作線解之則成 以甲乙大球心為心丙丁戊己小球

「球體其四面體之一邊即小球徑

一虚圓則成四等面體外

)四小球體試自四小球之

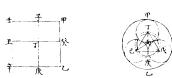
四等面

容四小球之徑也如圖甲乙大球體 寸為長間之 以大球徑一 >得問五寸三分九釐三豪即內 尺二寸四因之得四 較用帶縱較數開平方

定四車全書 一人御製数理精驗下編

五十九二

鈫



即 正 覂

自 四

七刀 圆 球 體之 面 乘 徑自乗方発し

、雅故甲癸丁

東方三分之二

四面體每邊自來

邊與外

圆

艃

庚辛丑為

四 面 體

方 甲癸丁子 毎

球徑自

球徑 故 以大

球徑自乘

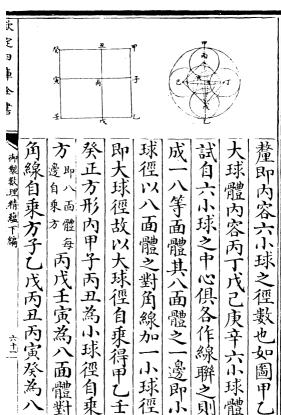
足球徑加

體 七刀

k! Total Advanced 倍之則得甲於丁子二 共得甲癸丁子五正方癸乙庚丁四長 、御製數理精盤下編 正方為甲癸丁子正方形之三倍是 正方於し庚丁四長方而丁庚辛 即與寅卯辰已長方積等其己午 小球 之較為甲乙球徑之四倍故四因 徑求大球徑則以小球徑為 較級求得闊即小球徑也如先 一分之 将甲九 正方丁庚辛

ع 9



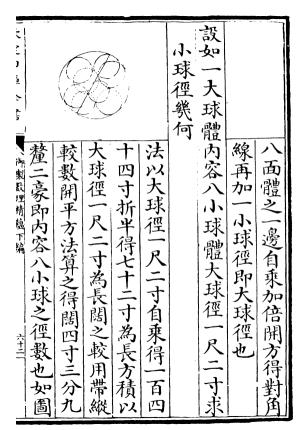


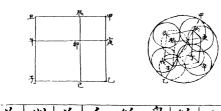
一邊即

六十二

徑數也如圖甲

á 5 Ľ 面體之每邊與對角線相東二長方月 長間之較為甲し 面體每邊自東方為對角線自東 與甲子丙五二正方等是甲乙壬癸 正方共為甲子丙丑三正方子乙戊 有小球徑求大球徑則以小球徑 一長方與卯辰己午 巻三十七 き八面 體法故丙戊壬寅 縱求得闊即小球徑也)球徑之二倍故倍 -長方積等其子





聯之則成 小球體試自八小球之中心俱各

正方體其正方體之

栗得甲乙子丑正方形內甲寅卯辰 即小球徑以正方體之丙壬對角 ·徑自乘方卯已子午為正方體 小球徑即大球徑故以大球

斜線自乘方寅乙己卯辰卯午

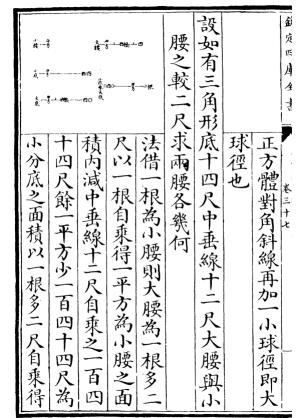
戽 À 、球體內容丙丁戊己庚辛

1

쥛 埞 匹 さこう 萯 数開平方法算さ 寅乙己卯 方之三倍見第二 折半即得未甲辰申甲寅卯辰二正方 正方體之一邊自東三因之開平方得 方甲乙球徑即長闊之較故用帶縱 一一御製班精題下編 -正方形為甲寅卯辰正方形之三倍 小球徑求大球徑則以小球徑為 内容正方體法 正方共成未乙己申 /得闊即小球徑也 十八岁球 六十三 故卯己子

į

. . .

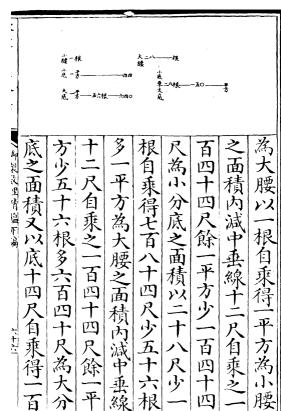


能一步 1 *底*大咸 ۶ . 御製數理精蘊下編 尺餘 共面積二 大分底之 小分底乘大分底之面積 百九十六尺内減去大小兩 餘四百い 垂線十二尺自乘之 平方多四根少一百四十 一平方多四根少二百八 面積又以底十四 ハナ尺少ニ平方ツ 六十四一 尺自 百四 四 分底 面

釭 定 E 庫 全 書 分底乘大分底之面積為中 **積為末率也** 小分底之面積一平方少一百四 平方多四根少一百四十尺與 率盖大分底之面積為首率而 相乘得一三乘方多四立方少 一百六十尺叉以中 /面積及小分底之面積為連 卷三十七 -四平方少五百七十 1万以首率大分底之面 率小分底

欴 定 9 車 全 書 又各 六百尺此二 四百七十六平方九 方四立方二 三乘方多四立方 一百八 一数為 四 一萬零一百六

設如有三角形底十四尺中垂線十二尺大腰與小 腰之和二十八尺求大小腰各祭 萬七千四百四十尺相等則一平方多 之得間十三尺為一根之數即小腰 尺為長間較用帶縱較數開平方法算 百九十五尺為長方積以多二根作 一根少與一 尺得十五尺即大腰也 根為小腰則ニナハ尺少一 百九十五尺相等乃以 何



欽 定 四 庫 全 書 積二 平方少五十六根多四 戡 三才 +; 積 去 及 ,], 百尺少二 百五十尺 百九



金 万 匹 眉 刍 7 きき + 一減四百九十六平方各 -六立方 四 百

白九十五尺為長方積以二 與五百八十八平方多一十 平方多一百九十五尺相等故以 根之數即小腰也 八尺為長闊和求得闊十三尺為 - 尺相等則二十八根必與 一萬六千四百六十四根 根作

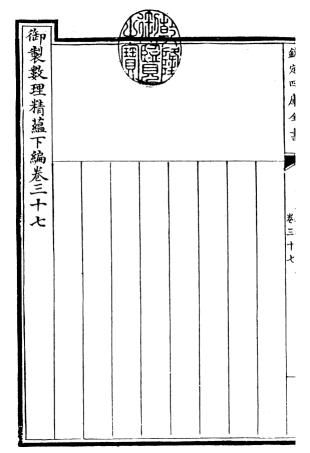
とこり

è

Z, dulo

一人物製数理精盤下編

六十二





圖監生臣

腾録監生臣胡先鳴校對官中官正臣郭長發 總校官庶吉士臣張能照